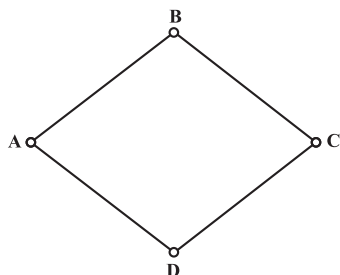
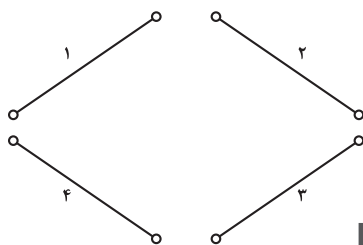


طرز به کارگیری خاصیت لوزی در صنعت

چهار تسمه ۱، ۲، ۳ و ۴ را با طول‌های برابر اختیار می‌کنیم و دو سر هر یک از آن‌ها را سوراخ و مانند شکل ۲ به هم لولا می‌کنیم تا لوزی لولایی ABCD به دست آید.

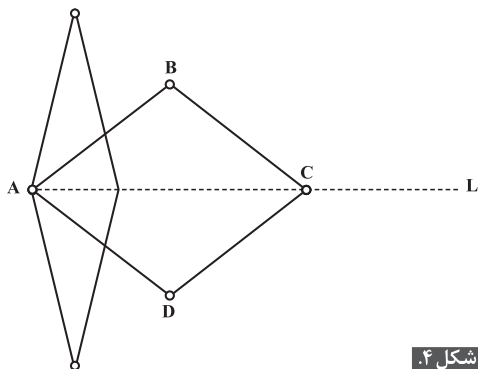


شکل ۲.



شکل ۳.

وقتی به لوزی لولایی نیرویی وارد شود، شکل آن تغییر می‌کند، اما همواره دو قطر آن، عمودمنصف یکدیگر باقی می‌مانند که از این خاصیت در صنعت بهره می‌گیرند.

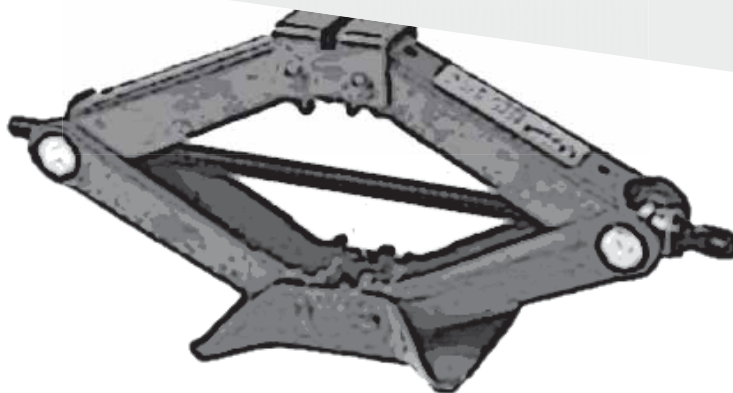


شکل ۴.

لوزی لولایی ABCD را در نظر می‌گیریم و امتداد AC را خط L می‌نامیم (شکل ۴). با ثابت نگه داشتن رأس A، رأس C را روی خط L حرکت می‌دهیم. شکل لوزی ABCD تغییر می‌کند، اما خط BD همواره دارای امتداد ثابت است (عمود بر خط L).

در شکل ۱ در قسمت جلو، چهار تسمه هم طول دیده می‌شود که یک لوزی تشکیل می‌دهند. همچنین

کاربردهایی از لوزی در صنعت



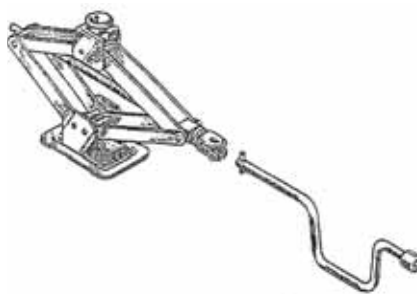
برای مطالعه جک لوزی ابتدا مطالب زیر را مرور می‌کنیم:

تعریف لوزی: لوزی یک چهارضلعی است که چهار ضلع آن با هم برابرند.

خاصیت لوزی: دو قطر لوزی، عمودمنصف یکدیگرند و هر دو، محور تقارن شکل.



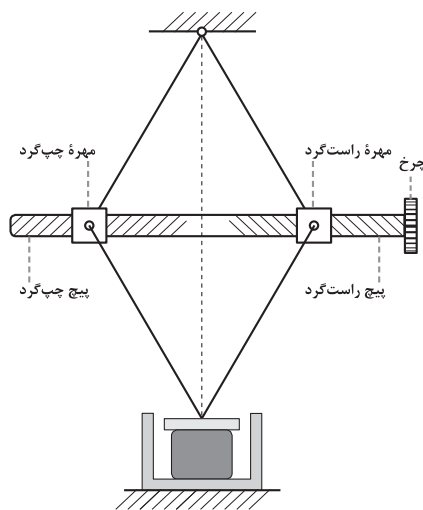
حسین کریمی



شکل ۱.

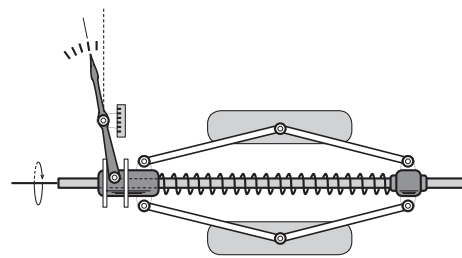
پس با چرخاندن دسته جک، تکیه‌گاه بالایی جک بالا و پایین می‌رود، اما سطح بالای آن همواره به وضع افقی باقی می‌ماند. در نتیجه، قسمتی از زیر اتومبیل که بر این تکیه‌گاه قرار می‌گیرد، روی این تکیه‌گاه نمی‌لغزد. از دیگر کاربردهای لوزی در صنعت می‌توان از دستگاه‌های زیر نیز نام برد:

۱. دستگاه پرس دسته‌دار



شکل ۷

۲. دستگاه سرعت‌سنج مکانیکی



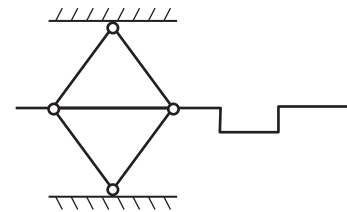
شکل ۸

اکنون دو سؤال مطرح می‌شود:

۱. عمودمنصف یکدیگر بودن دو قطر در چهارضلعی مورد استفاده در صنعت، چقدر ارزش دارد؟
۲. اگر فقط یکی از قطرهای عمودمنصف دیگری باشد، چه مشکلات کاربردی در صنعت پدید می‌آورد؟

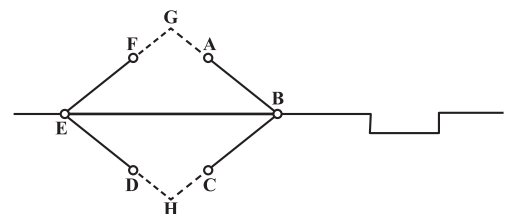
تعریف: اگر در یک چهارضلعی فقط یکی از قطرهای عمودمنصف قطر دیگر باشد، آن را ترنجی (بادبادک یا کایت) می‌نامند.

چهار تسمه دیگر در قسمت عقب قرار دارند که یک لوزی برابر با لوزی اول می‌سازند. جک دارای یک پایه مستطیل است که هنگام به‌کارگیری روی زمین قرار داده می‌شود و یک تکیه‌گاه بالایی دارد که زیر اتومبیل بر آن تکیه می‌کند. جک لوزی اگر کاملاً به‌صورت لوزی ساخته شود (مانند شکل ۵)، آن‌گاه تعادل ندارد.



شکل ۵

برای آنکه جک تعادل کافی داشته باشد، تسمه‌ها را به‌صورت شکل ۶ لولا می‌کنند. چهارضلعی GBHE لوزی است. G و H به ترتیب نقاط برخورد دو زوج خط (EF و BA) و (ED و BC) هستند.

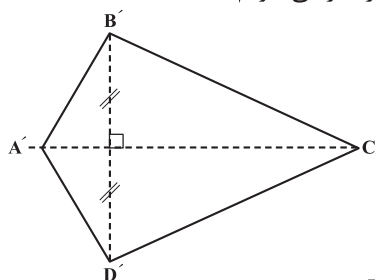


شکل ۶

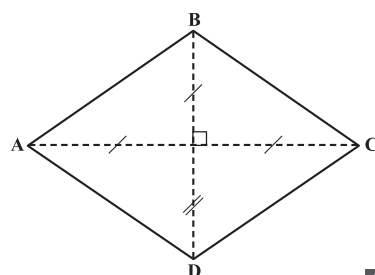
در شکل ۱، دو قطر افقی دو لوزی در یک صفحه افقی که آن را صفحه p می‌نامیم، قرار دارند. محور پیچ در صفحه p قرار دارد و از دو قطر افقی دو لوزی به یک فاصله است. (منظور از محور پیچ، همان محور استوانه فلزی است که سطح جانبی آن را شیار مارپیچی داده‌اند تا پیچ حاصل شده است.)

با چرخاندن پیچ به‌وسیله دسته جک، دو مهره پیچ به یک اندازه به هم نزدیک و با یک اندازه از هم دور می‌شوند. اگر دسته جک را از چپ به راست بچرخانیم، دو مهره به هم نزدیک می‌شوند، تسمه‌ها بالا می‌روند و لذا تکیه‌گاه بالایی جک بالا می‌رود. وقتی دسته جک را می‌چرخانیم، محور پیچ موازی با سطح زمین بالا یا پایین می‌رود، اما امتداد آن همواره موازی با سطح زمین باقی می‌ماند. چون دو قطر لوزی برهم عمودند. امتداد قطر غیرافقی لوزی همواره بر سطح زمین عمود باقی می‌ماند.

لوزی ABCD و ترنجی A'B'C'D' هم محیط با آن را در نظر می‌گیریم.



شکل ۹



شکل ۱۰

که در آن داریم:

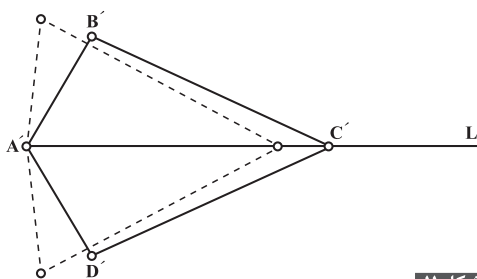
$$AB+BC=A'B'+B'C'$$

$$(AD=AB)>(A'B'=A'D')$$

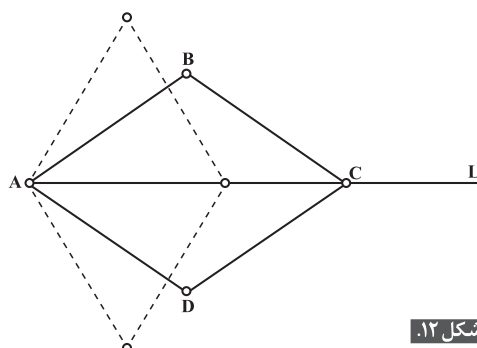
$$(DC=BC)<(B'C'=D'C')$$

اکنون به بررسی مزیت‌های لوزی لولایی بر ترنجی لولایی می‌پردازیم.

الف) دامنه تغییرات اندازه قطر نصف شده



شکل ۱۱



شکل ۱۲

با ثابت نگه داشتن رأس A (A') و حرکت دادن نقطه C (C') روی خط L (L') به سمت نقطه (A') A، نقطه B (B') از خط L (L') دور می‌شود که اگر حداکثر فاصله B از خط L را m در نظر بگیریم (AB=m) و حداکثر فاصله B' از خط L' را n فرض کنیم (A'B'=n)، داریم: $m>n$.

یعنی در لوزی لولایی اندازه قطر نصف شده (AB) نسبت به قطر متناظر آن (B'D') در ترنجی لولایی، به هنگام تغییر اندازه قطری که عمودمنصف قطر دیگر است (یا به عبارت دیگر، نقش محور تقارن را در هر دو دارد)، تغییرات بیشتری خواهد داشت.

ب) تعادل دینامیکی

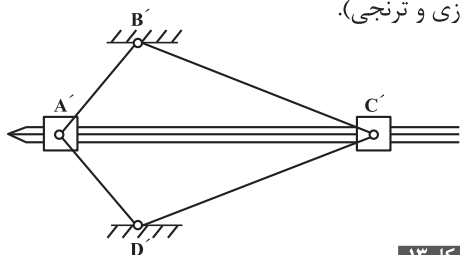
مزیت دیگر لوزی لولایی بر ترنجی لولایی، تعادل دینامیکی آن است. اگر لوزی لولایی را دور هر یک از قطرهاش بچرخانیم، این دستگاه لولایی در حال دوران، لنگ نمی‌زند (تعادل دینامیکی دارد) در حالی که در ترنجی لولایی چنین نیست.

ج) ارجحیت اقتصادی

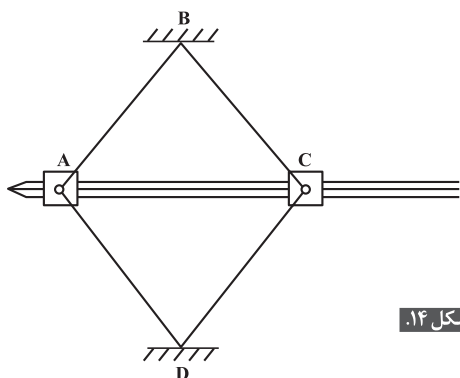
چون ساخت میله‌ها به صورت سری انجام می‌گیرد، ساخت لوزی (چهار میله مساوی) از نظر اقتصادی بر ساخت ترنجی ترجیح دارد.

مقایسه جک لوزی و جک ترنجی

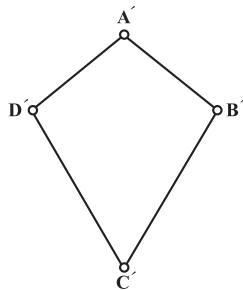
جک لوزی ABCD و جک ترنجی A'B'C'D' را که در آن $A'B'<B'C'$ است در نظر می‌گیریم و فرض می‌کنیم: $AB+BC=A'B'+B'C'=k$ (هم‌محیط بودن لوزی و ترنجی).



شکل ۱۳

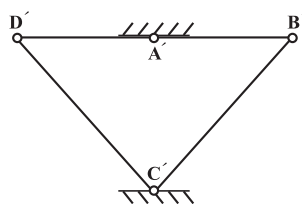


شکل ۱۴



شکل ۱۵

پایین ترین موضعی که تکیه‌گاه بالایی می‌تواند اشغال کند، در شکل ۱۶ نشان داده شده است. در این شکل، مثلث $C'B'D'$ متساوی‌الساقین است و در آن داریم: $B'A' = A'D'$ و $C'B' = C'D'$. چون تکیه‌گاه بالایی جک ترنجی نمی‌تواند خیلی به تکیه‌گاه پایینی آن نزدیک شود، پس جک ترنجی نمی‌تواند زیر خودروهایی کوتاه برود و از این مهم‌تر، این جک نمی‌تواند کاملاً جمع شود تا جای کمی اشغال کند.



شکل ۱۶

هنگامی که با چرخاندن دسته جک لوزی دو مهره A و C به هم نزدیک می‌شوند، تکیه‌گاه بالایی جک حداکثر به اندازه $AB + AD = k$ بالا می‌رود.

(البته تکیه‌گاه بالایی به علت ضخامت و پهنای تسمه‌ها، به اندازه‌ای کمتر از k بالا می‌رود). اما در جک ترنجی، هنگامی که با چرخاندن دسته جک دو مهره A' و C' به هم نزدیک می‌شوند، تکیه‌گاه بالایی حداکثر به اندازه $A'B' + A'D' = p$ بالا می‌رود (البته تکیه‌گاه بالایی جک به علت ضخامت و پهنای تسمه‌ها به اندازه‌ای کمتر از p بالا می‌رود) و می‌دانیم $p < k$ است. پس در جک لوزی، تکیه‌گاه بالایی بیشتر از جک ترنجی می‌تواند بالا برود. یعنی جک لوزی خودرو را بیشتر بالا می‌برد و این یک مزیت جک لوزی نسبت به جک ترنجی است.

اگر جک ترنجی به صورت شکل ۱۵ ساخته شود (یعنی پیچ جک منطبق بر قطری از ترنجی باشد که محور تقارن ترنجی نیست)، وقتی دسته آن را طوری بچرخانیم که دو مهره B' و D' به هم نزدیک شوند، تکیه‌گاه بالایی به اندازه k از تکیه‌گاه پایینی دور می‌شود. اما وقتی دسته جک را طوری بچرخانیم که دو مهره B' و D' از هم دور شوند، تکیه‌گاه بالایی نمی‌تواند خیلی پایین بیاید.

پیکار جو! ۳ پرسش‌های

قطرهای یک چهارضلعی محیطی برهم عمودند و اندازه‌های دو ضلع روبه‌روی آن ۲ و ۶ واحد است. طول شعاع دایره محیطی این چهارضلعی کدام است؟

الف) ۳
 ب) $2\sqrt{3}$
 ج) $2\sqrt{4}$
 د) $\sqrt{10}$
 ه) $\sqrt{11}$